## Erratum Geometría Afín y Proyectiva

#### Alfonso Zamora Saiz y Héctor Barge Yáñez

#### Diciembre 2023

## Capítulo I

- p.46, Observación II.9:  $GA(n, \mathbb{K})$  es isomorfo al producto semidirecto  $\mathbb{R}^n \times GL(n, \mathbb{K})$ .
- p.34, Ejemplo I.56: typo en l.6  $L_1$ .
- p.35, Ejemplo I.58:  ${}^{\prime}\mathcal{R}_{a,e} = \{(0,0),(1,0),(0,1)\}.$

# Capítulo II

- p.53, varios  $\mathcal{R}_{c,e}$  en lugar de  $\mathcal{R}_e$ .
- p.74, Teorema II.39. El enunciado debe decir: 'Una aplicación  $f:A\to A$  de un espacio afín en sí mismo es una afinidad si y solo si f es biyectiva, lleva rectas en rectas y preserva la razón simple'.
- p.81, problema II.23 debe decir 'rectas invariantes no fijas'.

### Capítulo III

• p.89, Proposición III.17: Demostración incorrecta, hay que usar el Teorema de Pitágoras.

### Capítulo IV

• p.147, Figura IV.9, intercambiar  $\mathbb{P}(N)$  con  $\mathbb{P}(M)$  en la figura central.

#### Capítulo V

- p.153, l.9, debe decir 'tal que  $\hat{f} = \lambda \hat{g}$  en W'.
- p.158, l.13, debe decir 'dentro del subespacio proyectivo  $Y \subset \mathbb{P}(V')$  de dimensión n'.
- p.165, l.11, base debe ser  $\mathcal{B}'$  en la referencia  $\mathcal{R}'_c$ .
- p.173, l.-6,-5 cambiar punto P y f(P) or Q y f(Q) para no confundir con el origen de las referencias.
- p,174, l.10, notación  $M_{\mathfrak{RR}'}$ .

- p.174, Ejemplo V.30, debe decir 'referencias cartesianas estándar', y notación  $\mathcal{R}_{c.e.}$
- p.182, l.9, quitar 'y centro el punto  $(0,1,2) \in \mathbb{R}^3$ .
- p.182, l.-6, falta un =.
- p.201, l.-8, debe decir  $\rho$  en lugar de  $\nu$ .
- p.202, l.-10, la fracción final debe decir $\frac{[R,Q,P]}{[S,Q,P]}$
- p.204, l.3, Problema V.1, debe decir 'aplicaciones proyectivas con aplicaciones lineales asociadas'.
- $\bullet\,$ p.204, l.10, Problema V.3, 'definida en todo  $\mathbb{P}_{\mathbb{R}}^4$  excepto...'

#### Capítulo VI

- p.215, en 'Paraboloides' llamarlos  $\mathcal{P}$ .
- p.224, l.-6, debe decir 'Sea  $P' \in A$ '.
- p.246, l.2, debe decir 'superficie cuádrica afín compleja no degenerada'.
- p.252, Tablas VI.22, 23, 24 y 25, cambiar ecuación encabezado por  $\psi([x_0:x_1:x_2])=0$  y  $\psi([x_0:x_1:x_2:x_3])=0$ .
- p.262, l.-14, debe decir  $x_0^2 + x_1^2 = 0$ .

### Capítulo VII

- p.282, l.11 (en el Ejemplo VII.11), debe decir ' $X = \{P\}$  es el conjunto de hiperplanos (rectas)  $X^* \subset \mathbb{P}^{2*}_{\mathbb{K}}$ '.
- p.285 l.4, notación  $\widehat{\Theta}_{\overrightarrow{v}}$ .
- p.286, l.6, debe decir 'a un subespacio de  $\mathbb{P}(V^*)$ '.
- p.288, Observación VII.18. conclusión no es la dualidad de los subespacios sino  $P \in X_{\lambda}(f) \Leftrightarrow \{P\}^* \in X_{\lambda}^t(f^*)$  y  $H \in X_{\lambda}^t(f) \Leftrightarrow H^* \in X_{\lambda}(f^*)$ .
- p.294, en Definición VII.27, en la expresión de definición de  $\Omega$  debe decir ' $\Pi(f(X))$ '.
- p.295, l.13, debe decir  $\Theta : \mathbb{P}(V) \to \mathbb{P}(V^{**})$ .
- p.297, l.9, la última matriz debe decir  $M_{\Re\Re^*}(f)^{-1}$ .
- p.297, l.-4, cambiar numeración de rectas por  $L_0, L_1, L_2, L_3$ .
- p.298, l.-4, segunda recta es  $\{5x_0 4x_1 5x_2 = 0\}$ .
- p.300, l.-3, debe decir  $\widehat{f}(\overrightarrow{v})(\overrightarrow{v}) = \zeta(\overrightarrow{v}, \overrightarrow{v}) = 0$ .
- p.302, Ejemplo VII.37, la ecuación debe decir ' $\varphi([x_0:x_1:x_2]) = x_0^2 + 2x_0x_1 + 2x_0x_2 + x_2^2 = 0$ '.
- p.306, Ejemplo VII. 41, notación  $\overline{\psi}([x_0:x_1:x_2]), \psi_{\infty}([x_1:x_2]);$  en cálculo de rectas polares deben estar intercambiadas y en l.-4 debe decir 'que además son hiperplanos tangentes'.